

УДК 537.612

*Фридман Ю.А., Клевец Ф.Н., Спириг Д.В.*

## ВЛИЯНИЕ АНИЗОТРОПИИ ВЫСШИХ ПОРЯДКОВ НА ФАЗОВЫЙ ПЕРЕХОД ПО ТЕМПЕРАТУРЕ В ДВУМЕРНОМ ФЕРРОМАГНЕТИКЕ

### ВВЕДЕНИЕ

Тонкие магнитные пленки, толщиной в несколько атомных слоев, обладают рядом весьма интересных свойств [1]. Так, в последние десять лет интенсивно исследуются фазовые переходы (ФП) по температуре в пленках Fe/Cu(100), Fe/Ag(100), Gd/W(110) и многих других. В этих системах наблюдается переориентация вектора намагниченности из положения перпендикулярного плоскости пленки, в плоскость пленки. В экспериментах удалось получить практически двумерные системы: пленки толщиной в несколько атомных слоев. Интересной особенностью таких ФП является то, что «переключение» вектора намагниченности является обратимым, и сопровождается потерей намагниченности в температурном интервале 20-30° К. Кроме того, сама температура ФП зависит от толщины пленки: с увеличением толщины пленки температура растет, а температурный интервал существования угловой фазы уменьшается, и в трехмерном образце обращается в ноль [1,10].

Объяснению этого эффекта посвящено много работ [1-3,4-10]. Так, например, в [1,4-6] предполагается, что ФП является результатом конкуренции магнитодипольного взаимодействия и одноосной одноионной анизотропии (ОА). В [9,10] было показано, что учет магнитоупругого (МУ) взаимодействия и ОА, зависящей от температуры, также приводит к описанному выше эффекту. Осуществляется ФП I рода из фазы с перпендикулярной намагниченностью в легкоплоскостную фазу; при этом существует интервал температур  $\Delta T$ , в котором реализуется угловая фаза. Ширина этого интервала определяется упругими и МУ параметрами. Кроме того в [10], было показано, что в ферромагнетике с объемной деформацией «переключение» осуществляется скачком при некоторой температуре  $T_0$ , а интервал  $\Delta T$  равен нулю. Однако, в работах [9,10], зависящая от  $T$  константа ОА вблизи температуры перехода обращается в ноль. Поэтому, представляет интерес исследовать влияние анизотропии высших порядков на ФП по температуре в двумерном ферромагнетике, поскольку вблизи точки обращения в ноль параметра ОА при  $(S^z)^2$  необходим учет следующих членов разложения энергии анизотропии.

В данной работе изучаются ФП по температуре в двумерном ферромагнетике с учетом МУ взаимодействия и анизотропии высших порядков. Опишем подробнее модель, рассматриваемую в данной работе. Прежде всего, отметим, что мы не рассматриваем фазовые переходы, обусловленные конкуренцией ОА и магнитодипольного взаимодействия. Конечно же магнитодипольное взаимодействие оказывает существенное влияние как на спектры элементарных возбуждений, так и на формирование фазовых состояний системы (например, может приводить к возникновению доменной структуры [1,7,8]). Энергию магнитодипольного взаимодействия можно представить в виде суммы двух слагаемых. Первое из них, обусловленное взаимодействием ближайших соседей дает положительную добавку к константе ОА, т.е. формирует анизотропию типа «легкая плоскость» [11,12]. Второе слагаемое («анизотропия формы»), как показано в [13-15] определяет направление волнового вектора, при котором взаимодействие упругой и магнитной подсистем становится максимальным.

В [9,10,16] отмечалась важная роль магнитоупругого взаимодействия в реализации ориентационных фазовых переходов в пленках толщиной в несколько атомных слоев. В связи с этим, чтобы четче выявить роль, рассматриваемых нами механизмов, ограничимся лишь частичным учетом магнитодипольного взаимодействия.

Кроме того, будем рассматривать истинно двумерные системы, а именно, пленки, не связанные с подложкой [17]. В этом случае эффектами поверхности (которые в квазидвумерных объектах играют важную роль) можно пренебречь, а также не учитывать влияние подложки. Также, будем считать, что деформации являются плоскими [18]. В этом случае компонента  $u_z$  вектора смещения магнитного иона равна нулю, а компоненты  $u_x, u_y$  зависят только от  $x, y$ .

Оператор ОА, в нашем случае, представим в следующем виде:  

$$-\xi_1(T) \sum_n (S_n^z)^2 - \xi_2(T) \sum_n [(S_n^x)^2 + (S_n^y)^2]$$
, где предполагается, что при  $T < T_0$   $\xi_1(T) > 0$  и  $\xi_2(T) > 0$ ; а при  $T > T_0$   $\xi_1(T) < 0$  и  $\xi_2(T) > 0$ .  $T_0$  – температура при которой  $\xi_1(T_0) = 0$ .

Таким образом, гамильтониан рассматриваемой системы можно записать в следующем виде:

$$\begin{aligned} H = & -\frac{1}{2} \sum_{n,n'} J(n-n') \vec{S}_n \vec{S}_{n'} - \xi_1(T) \sum_n (S_n^z)^2 - \xi_2(T) \sum_n [(S_n^x)^2 + (S_n^y)^2] + \\ & + \lambda \sum_n [u_{xx} (S_n^x)^2 + u_{yy} (S_n^y)^2 + u_{xy} (S_n^x S_n^y + S_n^y S_n^x)] + \\ & + \int dV \frac{E}{2(1-\sigma^2)} [u_{xx}^2 + u_{yy}^2 + 2\sigma u_{xx} u_{yy} + 2(1-\sigma) u_{xy}^2] \end{aligned} \quad (1)$$

где  $J(n-n')$  - константа обменного взаимодействия;  $S_n^\alpha$  - спиновый оператор в узле  $n$  ( $\alpha = x, y, z$ );  $\lambda$  - константа магнитоупругого взаимодействия;  $u_{ij}$  -

компоненты тензора упругих деформаций;  $E$  – модуль Юнга;  $\sigma$  – коэффициент Пуассона.

В качестве плоскости пленки выбрана плоскость  $XOY$ . Будем считать, что спин магнитного иона  $S = 1$ .

### ФАЗОВЫЙ ПЕРЕХОД ЛЕГКООСНАЯ ФАЗА - УГЛОВАЯ ФАЗА

Рассмотрим случай, когда  $T \ll T_0$ . При этом в системе реализуется легкоосная фаза, т.е. намагниченность направлена перпендикулярно плоскости пленки. Найдем температуру перехода из легкоосной фазы.

Гамильтониан (1) можно переписать в несколько ином виде, учитывая, что  $(S^x)^2 + (S^y)^2 + (S^z)^2 = S(S+1)$ , получим:

$$\begin{aligned} H = & -\frac{1}{2} \sum_{n,n'} J(n-n') \bar{S}_n \bar{S}_{n'} - \tilde{\xi}_1(T) \sum_n (S_n^z)^2 - \xi_2(T) \sum_n (S_n^z)^4 + \\ & + \lambda \sum_n \left[ u_{xx} (S_n^x)^2 + u_{yy} (S_n^y)^2 + u_{xy} (S_n^x S_n^y + S_n^y S_n^x) \right] + \\ & + \int dV \frac{E}{2(1-\sigma^2)} \left[ u_{xx}^2 + u_{yy}^2 + 2\sigma u_{xx} u_{yy} + 2(1-\sigma) u_{xy}^2 \right] \end{aligned} \quad (2)$$

где  $\tilde{\xi}_1(T) = \xi_1(T) - 4\xi_2(T)$ .

Выделяя в гамильтониане (2) среднее поле и решая уравнение Шредингера с одноузельным гамильтонианом, найдем энергетические уровни магнитного иона:

$$\begin{aligned} E_1^{(0)} = & -\tilde{\xi}_1 + \xi_2 + \frac{\lambda}{2} (u_{xx}^{(0)} + u_{yy}^{(0)}) - \kappa; E_0^{(0)} = \lambda (u_{xx}^{(0)} + u_{yy}^{(0)}); \\ E_{-1}^{(0)} = & -\tilde{\xi}_1 + \xi_2 + \frac{\lambda}{2} (u_{xx}^{(0)} + u_{yy}^{(0)}) + \kappa, \kappa = \sqrt{J_z^2 + \frac{\lambda^2}{4} (u_{xx}^{(0)} - u_{yy}^{(0)})^2}, J_z = J_0 \langle S^z \rangle \end{aligned} \quad (3)$$

Предположим, что намагниченность системы составляет с нормалью к плоскости малый угол  $\varphi$ . Так как мы рассматриваем случай достаточно низких температур, то для нахождения свободной энергии системы нам понадобится учет только нижайшего энергетического уровня.

Делая поворот системы координат на малый угол  $\varphi$  вокруг оси  $OY$ , определим нижайший энергетический уровень магнитного иона как функцию этого угла (с точностью до  $\varphi^6$ ):

$$E_1 = -\left(\tilde{\xi}_1 + \xi_2\right) + \frac{\lambda}{2} (u_{xx}^{(0)} + u_{yy}^{(0)}) - J_z + \frac{\tilde{\xi}_1 + \xi_2 + \lambda u_{yy}^{(0)}}{2} \left( \varphi^2 - \frac{\varphi^4}{3} + \frac{2}{45} \varphi^6 \right). \quad (4)$$

Зависимость спонтанных деформаций от  $\varphi$  имеет вид:

$$u_{xx}^{(0)} = -\frac{\lambda}{2E} \left[ 1 - \sigma + \sigma \left( \varphi^2 - \frac{\varphi^4}{3} + \frac{2}{45} \varphi^6 \right) \right], u_{yy}^{(0)} = -\frac{\lambda}{2E} \left[ 1 - \sigma + \varphi^2 - \frac{\varphi^4}{3} + \frac{2}{45} \varphi^6 \right] \quad (5)$$

Используя выражения (4) и (5), запишем часть плотности свободной энергии, зависящей от  $\varphi$  в следующем виде:

$$F(\varphi) = \left[ \frac{\tilde{\xi}_1 + \xi_2}{2} - \frac{\lambda^2(1-\sigma)}{4E} \right] \varphi^2 - \frac{1}{3} \left[ \frac{\tilde{\xi}_1 + \xi_2}{2} + \frac{\lambda^2(1+2\sigma)}{8E} \right] \varphi^4 + \left[ \frac{\lambda^2}{12E} + \frac{2}{45} \left( \frac{\tilde{\xi}_1 + \xi_2}{2} - \frac{\lambda^2(1-\sigma)}{4E} \right) \right] \varphi^6. \quad (6)$$

Из обращения в ноль коэффициента при  $\varphi^2$  легко найти температуру ФП:

$$\frac{\tilde{\xi}_1 + \xi_2}{2} - \frac{\lambda^2(1-\sigma)}{4E} = 0, \quad (7)$$

Если предположить, что  $\xi_1(T) = \beta_1 \left( 1 - \frac{T}{T_0} \right)$  - линейная функция температуры,

что хорошо согласуется с формулой Акулова и экспериментальными данными [19,20], а величина  $\xi_2(T)$  слабо зависит от температуры, т.е.  $\xi_2(T) \approx \beta_2$ , тогда для температуры ФП легкоосная фаза – угловая фаза получаем следующее выражение.

$$T_1 = T_0 \left( 1 - \frac{\lambda^2(1-\sigma)}{2E\beta_1} - \frac{3\beta_2}{\beta_1} \right), \quad (8)$$

Как следует из (6), при  $T$  выше  $T_1$  коэффициент при  $\varphi^2$  отрицателен, при  $\varphi^4$  – также отрицателен, а при  $\varphi^6$  – положителен. Это свидетельствует о том, что данный ФП является ФП I рода,  $T_1$  – температура неустойчивости легкоосной фазы, а при  $T > T_1$  реализуется угловая фаза, с равновесным значением угла  $\varphi_0(T)$ :

$$\varphi_0(T) \approx \sqrt{\frac{3}{2} \left[ \xi_1 - 3\xi_2 - \frac{\lambda^2(1-\sigma)}{2E} \right] / \left[ \xi_1 - 3\xi_2 + \frac{\lambda^2(1+2\sigma)}{4E} \right]}. \quad (9)$$

Учет анизотропии высшего порядка  $\xi_2$  приводит к уменьшению температуры перехода  $T_1$  по сравнению со случаем  $\xi_2 = 0$  [9,10].

Отметим, что в легкоосной фазе  $u_{xx}^{(0)} = u_{yy}^{(0)}$  равны, а  $u_{zz}^{(0)} = 0$  в силу сделанного выше предположения о плоских деформациях [27]. Это приводит к тому, что взаимодействие магнонов и фононов сводится лишь к появлению в спектре квазимагнонов МУ щели, в то время как спектр квазифононов остается линейным, и ФП легкоосная – угловая фаза протекает по магнонной ветви возбуждений.

**ФАЗОВЫЙ ПЕРЕХОД ЛЕГКОПЛОСКОСТНАЯ ФАЗА - УГЛОВАЯ ФАЗА**

Исследуем теперь ФП из легкоплоскостной фазы в угловую фазу. Данный ФП будет происходить при температуре  $T > T_1$ .

Предположим, что  $T_1 \ll T \ll T_c$ . В ферромагнетике существует дальний магнитный порядок, стабилизация которого осуществляется МУ взаимодействием, т.е. вектор намагниченности лежит в плоскости плёнки. Для упрощения дальнейших вычислений, предположим, что базисной плоскостью является плоскость  $ZOX$ , которая совпадает с плоскостью плёнки. Тогда гамильтониан (1), исследуемой системы можно представить в виде:

$$\begin{aligned}
 H = & -\frac{1}{2} \sum_{n,n'} J(n-n') \bar{S}_n \bar{S}_{n'} + \tilde{\xi}_1(T) \sum_n (S_n^y)^2 - \xi_2 \sum_n (S_n^y)^4 + \\
 & + \lambda \sum_n \left[ u_{xx} (S_n^x)^2 + u_{zz} (S_n^z)^2 + u_{xz} (S_n^x S_n^z + S_n^z S_n^x) \right] + \\
 & + \int dV \frac{E}{2(1-\sigma^2)} \left[ u_{xx}^2 + u_{zz}^2 + 2\sigma u_{xx} u_{zz} + 2(1-\sigma) u_{xz}^2 \right],
 \end{aligned} \tag{10}$$

где  $\tilde{\xi}_1(T) = \xi_1(T) + 4\xi_2$ .

Хорошо известно [21], что в окрестности ориентационных ФП влияние МУ взаимодействия определяет динамику системы. Прежде всего, это проявляется в гибридизации магнитных и упругих возбуждений [21,22]. В рассматриваемом случае магнитная и упругая подсистемы будут активно взаимодействовать, и температуру перехода необходимо искать из условия размягчения квазифонного спектра.

Для нахождения спектров квазичастиц воспользуемся техникой операторов Хаббарда [22-24]. Выделяя в обменной части гамильтониана (10) среднее поле получим одноузельный гамильтониан, решая с которым одноузельную задачу можно определить энергетические уровни магнитного иона

$$\begin{aligned}
 E_1 = & \frac{\tilde{\xi}_1 - \xi_2}{2} + \frac{\lambda}{2} (u_{xx}^{(0)} + 2u_{zz}^{(0)}) - \kappa, E_0 = \tilde{\xi}_1 - \xi_2 + \lambda u_{xx}^{(0)}, \\
 E_{-1} = & \frac{\tilde{\xi}_1 - \xi_2}{2} + \frac{\lambda}{2} (u_{xx}^{(0)} + 2u_{zz}^{(0)}) + \kappa, \quad \kappa = \sqrt{J_z^2 + \frac{1}{4} (\tilde{\xi}_1 - \xi_2 - \lambda u_{xx}^{(0)})^2},
 \end{aligned} \tag{11}$$

и собственные функции одноузельного гамильтониана:

$$\Psi(1) = \cos \theta |1\rangle + \sin \theta |-1\rangle, \Psi(0) = |0\rangle, \Psi(-1) = -\sin \theta |1\rangle + \cos \theta |-1\rangle, \tag{12}$$

$$\text{где } \cos \theta = \frac{\tilde{\xi}_1 - \xi_2 + \frac{\lambda^2(1-2\sigma)}{2E}}{\sqrt{4(J_z - \kappa)^2 + \left[ \tilde{\xi}_1 - \xi_2 + \frac{\lambda^2(1-2\sigma)}{2E} \right]^2}}.$$

Здесь было учтено, что спонтанные деформации, найденные из условия минимума плотности свободной энергии, равны:

$$u_{xx}^{(0)} = -\lambda \frac{1-2\sigma}{2E}, \quad u_{zz}^{(0)} = -\lambda \frac{2-\sigma}{2E}.$$

На базе волновых функций (12) строятся операторы Хаббарда [22-24].

Представим компоненты тензора деформаций, в виде  $u_{ij} = u_{ij}^{(0)} + u_{ij}^{(1)}$ , где  $u_{ij}^{(0)}$  – спонтанные деформации кристалла,  $u_{ij}^{(1)}$  – динамическая часть тензора деформаций, описывающая колебания кристаллической решетки.

Выделяя в одноионном гамильтониане члены, пропорциональные  $u_{ij}^{(1)}$ , и квантуя их стандартным образом, получим гамильтониан, описывающий процессы трансформации магнонов в фононы и наоборот:

$$H_{tr} = \sum_n \left\{ \sum_M P_M H_n^M + \sum_\alpha P_\alpha X_n^\alpha \right\}, \quad (13)$$

где  $P_{M(\alpha)} = \frac{1}{\sqrt{N}} \sum_{k,\mu} (b_{k,\mu} + b_{-k,\mu}^+) T_n^{M(\alpha)}(k,\mu)$ ,  $T_n^{M(\alpha)}(k,\mu)$  – амплитуды трансформаций. В результате гамильтониан (10) можно представить в виде:

$$H = H_{int}^\perp + H_{tr} + H_0, \quad (14)$$

где  $H_0$  – одноузельный гамильтониан,  $H_{int}^\perp$  – поперечная часть  $H_{int}$ ,  $H_{tr}$  – гамильтониан трансформаций (13).

Как известно [25], спектры элементарных возбуждений определяются полюсами функции Грина, которую мы определим следующим образом:

$$G^{\lambda\lambda'}(n,\tau;n',\tau') = -\left\langle T A_n^\lambda(\tau) B_{n'}^{\lambda'}(\tau') \right\rangle. \quad (15)$$

Здесь  $A_n^\lambda(\tau) = e^{H\tau} A_n^\lambda e^{-H\tau}$  – операторы Хаббарда в гейзенберговском представлении,  $\hat{T}$  – оператор Вика. Усреднение в (15) ведется с полным гамильтонианом (17).

Дисперсионное уравнение связанных МУ волн можно получить из уравнения типа Ларкина для функции Грина [9,10,22].

Решение дисперсионного уравнения определяет спектры связанных МУ волн ферромагнетика при произвольных температурах и произвольных значениях материальных констант.

Будем искать решение дисперсионного уравнения, предполагая, что волновой вектор совпадает по направлению вектором намагниченности, т.е.  $\vec{k} \parallel OZ$ . В этой геометрии отличными от нуля являются следующие компоненты вектора поляризации:  $e_i^z, e_i^x$  (здесь учтена двумерность пленки). В такой геометрии спектр продольно поляризованных квазифононов не меняется

$$\omega_1(k) = \omega_l(k),$$

а спектр поперечно поляризованных квазифононов имеет вид:

$$\omega_2^2(k) = \omega_l^2(k) \left[ 1 - \frac{a_0}{\frac{\tilde{\xi}_1 - \xi_2}{2} + \frac{3\lambda^2}{4E} + J_z - J(k)} \right], \quad (16)$$

где  $a_0 = \frac{\lambda^2(1+\sigma)}{2E}$ . Из (16) следует, что спектр  $t$ -поляризованных квазифононов размягчается при условии:

$$\frac{\tilde{\xi}_1 - \xi_2}{2} + \frac{\lambda^2(1-2\sigma)}{4E} = 0.$$

Полагая, что  $\xi_2 \approx \beta_2$ ,  $\tilde{\xi}_1 = \beta_1 \left( \frac{T_2}{T_0} - 1 \right)$ , получаем температуру неустойчивости легкоплоскостной фазы:

$$T_2 = T_0 \left( 1 - \frac{\lambda^2(1-2\sigma)}{2E\beta_1} - \frac{3\beta_2}{\beta_1} \right). \quad (17)$$

## ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Учет анизотропии высших порядков в двумерном ферромагнетике с учетом МУ взаимодействием практически не изменяет характер ФП легкоосная – угловая фаза и легкоплоскостная – угловая фаза по сравнению с аналогичной системой и учетом только первого слагаемого в ОА:  $\xi_1 (S^z)^2$  [9,10].

Температурный интервал существования угловой фазы остается тем же, что и в задаче, рассмотренной в [19,10]:

$$\Delta T = T_0 \frac{\lambda^2 \sigma}{2E\beta_1},$$

однако, сами температуры неустойчивости легкоосной и легкоплоскостной фаз  $T_1$  и  $T_2$  сдвигаются на величину  $-T_0 \frac{3\beta_2}{\beta_1}$ , т.е. уменьшаются, по сравнению со случаем, рассмотренным в [9,10].

Данные ФП, по-прежнему остаются ФП I рода. Этот результат хорошо согласуется с результатами работы [27], в которой было показано, что если анизотропия в пленке однородна, то переориентация вектора намагниченности происходит путем ФП первого рода. Также необходимо отметить, что равновесный угол зависит также и от  $\xi_2$ , хотя и достаточно слабо. Из выражения (9) легко видеть,

что он определяется в основном упругими и МУ константами. Можно провести некоторую аналогию с системой, рассмотренной в [28]. Для гексагонального ферромагнетика с энергией одноионной анизотропии,  $U = K_1 \sin^2 \theta + K_2 \sin^4 \theta$ , при  $K_2 > 0$  и  $K_1$ , меняющей знак с изменением температуры, возможно существование трех фаз: легкоосной фазы при  $K_1 > 0$ ; угловой фазы при  $-2K_2 < K_1 < 0$ ; легкоплоскостной фазы при  $K_1 < -2K_2$ .

Как показано в [28], данные ФП являются переходами II рода. Полученные нами результаты показывают, что учет квантовых эффектов существенно влияет на поведение системы при переходе от классического описания вектора намагниченности к квантовому. Фазовые переходы в такой системе осуществляются уже скачком и являются ФП I рода.

### Список литературы

1. D.P.Pappas, K.-P.Kämpfer and H.Hopster. //Phys.Rev.Lett. 64, 3179 (1990).
2. A.Kashuba and V.L.Pokrovsky. //Phys.Rev.Lett. 70, 3155 (1993).
3. D.Pescia, M.Stampanoni, G.L.Bona, A.Vaterlaus, R.F.Willis and F.Meier.// Phys.Rev.Lett. 58, 2126 (1987).
4. A.Moshel and K.D.Usadel.// Phys.Rev.B 49, 12868 (1994).
5. Z.Q.Qiu, J.Pearson and S.D.Bader.//Phys.Rev.B 45, 7211 (1992).
6. Y.Millev, J.Kirschner.//Phys.Rev.B 54, 4137 (1996).
7. М.Г.Тетельман.// ЖЭТФ 98, 1003 (1990).
8. М.Г.Тетельман. //ФНТ 18, 782 (1992).
9. М.-Т.Лин, J.Chen, W.Kuch, H.Jenniches, M.Klaui, C.M.Schneider, J.Kirschner.// Phys.Rev.B 55, 5886 (1997).
10. C.S.Arnold, H.L.Jonson, D.Venus. //Phys.Rev.B 56, 8169 (1997).
11. Ю.Н.Мицай, Ю.А.Фридман, Д.В.Спирин.// ФНТ 25, 1056 (1999).
12. Yu.A.Fridman, D.V.Spirin, C.N.Alexeyev. // JMMM.234, 174 (2001).
13. P.Bruno, //Phys. Rev. B. 43, 6015 (1991).
14. Б.И.Иванов, Е.В.Тартаковская //ФНТ 24, 1095 (1998).
15. Е.А.Туров, А.А.Луговой, В.Д.Бучельников, Ю.А.Кузавко, В.Г.Шавров, О.В.Ян //ФММ 66, 12 (1988).
16. V.Schultz and K.Baberschke //Phys.Rev.B.50, 13487 (1994).
17. Б.И.Иванов, Е.В.Тартаковская// Письма в ЖЭТФ 63, 792 (1996).
18. Л.Д.Ландау, Е.М.Лифшиц Теория упругости. М.: Наука, 246 с. (1987).
19. N.Akulov. //Z.Phys. 100, 197 (1936).
20. С.Тикадзуми. Физика ферромагнетизма. М.: Мир, 226 с. (1987).
21. Е.А.Туров, В.Г.Шавров //УФН 140, 429 (1983).
22. Ю.Н.Мицай, Ю.А.Фридман.// ТМФ 89, 207 (1989).
23. Р.О.Зайцев.// ЖЭТФ 68, 207 (1975).
24. В.В.Вальков, Г.Н.Мацулева, С.Г.Овчинников.// ФТТ 31, 60 (1989).
25. Л.Д.Ландау, Е.М.Лифшиц. Статистическая физика. Часть 1. М.: Наука, 583 с. (1976).
26. Ю.А. Изюмов, Ю.Н.Скрябин. Статистическая механика магнитоупорядоченных систем. М.:Наука, 263 с. (1987).
27. A.Moshel and K.D.Usadel. //Phys.Rev.B 51, 16111 (1995).
28. Л.Д.Ландау, Е.М.Лифшиц. Электродинамика сплошных сред М.: Наука, 1982, 616.

Статья поступила в редакцию 04.04.2001 г.